

## Вопросы к коллоквиуму (1-й курс, 3-й поток, лектор В.Т.Марков).

1. Система линейных алгебраических уравнений. Совместность и определённость. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.
2. Линейная зависимость строк (столбцов). Основная лемма о линейной зависимости.
3. База и ранг системы строк (столбцов).
4. Ранг матрицы.
5. Критерий совместности и определённости системы линейных уравнений в терминах рангов матриц. Фундаментальная система решений однородной системы линейных уравнений.
6. Группа подстановок конечного множества, знак подстановки (чётность).
7. Разложение подстановки в произведение транспозиций. Знак произведения подстановок.
8. Определитель квадратной матрицы, его основные свойства (линейность, кососимметричность).
9. Определитель транспонированной матрицы.
10. Изменение определителя при элементарных преобразованиях строк (столбцов) матрицы.
11. Определитель треугольной матрицы. Критерий равенства определителя нулю.
12. Определитель матрицы с углом нулей.
13. Определитель Вандермонда.
14. Миноры и алгебраические дополнения элементов. Разложение определителя по строке (столбцу). Лемма о "фальшивом" разложении определителя.
15. Формулы Крамера для решения определенных квадратных систем линейных уравнений.
16. Теорема об окаймляющих минорах. Теорема о ранге матрицы.
17. Операции над матрицами и их основные свойства. Обобщенная ассоциативность умножения матриц.
18. Транспонирование произведения матриц.
19. Умножение матрицы на диагональную матрицу слева и справа. Единичная матрица, её единственность. Скалярные матрицы.
20. Матричные единицы и их умножение. Элементарные матрицы и их связь с элементарными преобразованиями.
21. Определитель произведения матриц.
22. Обратная матрица. Единственность обратной матрицы. Критерий существования и способ нахождения обратной матрицы с помощью элементарных преобразований.
23. Формула для нахождения элементов обратной матрицы (с помощью алгебраических дополнений).
24. Ранг произведения матриц.
25. Факторизационный ранг матрицы.
26. Матричная запись системы линейных уравнений. Строение общего решения неоднородной системы уравнений, его геометрическая интерпретация.